

# SCMS Seminar



## 高维仿射李代数: 从单位圆谈起

**Speaker: Prof. Yun Gao**

**York University**

**Time:** 15:00 -16:00, Wednesday, April 19, 2017

**Venue:** Room 2001, East Guanghua Tower (Main), Fudan University

**Abstract:** 仿射 Kac-Moody 李代数是单位圆到有限单李代数的多项式函数的中心扩张。将单位圆换成环面，就得到环面李代数。高维仿射李代数正是环面李代数的更一般的推广。它是由数学物理学家最先提出来的。这类李代数的根系恰好是 Saito 在研究奇异理论时引入的高维仿射根系。高维仿射李代数还与代数几何学家 Slodowy 的相交矩阵李代数，及 Berman-Moody 和 Benkart-Zelmanov 等学者研究的根系分次李代数有紧密的联系。其中 A 型高维仿射李代数有丰富的结构理论，比如它容许量子环面，凯莱环面和若当环面作为坐标代数。A 型高维仿射李代数的分类还涉及到量子环面的 Connes 循环同调群。坐标代数是量子环面的 A 型高维仿射李代数被 Ginzburg-Kapranov-Vasserot 在研究代数曲面的 Langlands Reciprocity 时进行了量子化。这些代数的表示如顶点算子，酉表示，及源于 Solvable lattice model 的表示等已被许多学者研究。

$$\Delta y_i = \int_{x_i}^{x_{i+1}} y' dx - \left( \sum_{j=1}^{i-1} a_{ij} x_j^{(k)} + \sum_{j=i+1}^n a_{ij} x_j^{(k)} \right)$$
$$\int_{x_k}^{x_{k+1}} f(x, y) dx = \int_{x_k}^{x_{k+1}} y' dx = y(x)$$
$$-\sqrt{(y_n + 0.5\tau k_1)^2 + (t_n + 0.5\tau)^2}$$